



**Modélisation d’un robot parallèle à câbles et estimation des paramètres**

**\_**

**Projet Mécatronique**

Gwezheneg RIVIERE

Ngatam THIEBAUT

Table des matières

[1](#_Toc198727699)

[Introduction et contexte : 3](#_Toc198727700)

[Contexte 3](#_Toc198727701)

[Robot parallèle à câbles 3](#_Toc198727702)

[Objectifs 3](#_Toc198727703)

[Schémas : 4](#_Toc198727704)

[Schéma des nominations : 4](#_Toc198727705)

[Schéma des dimensions : 5](#_Toc198727706)

[Schéma des bases : 6](#_Toc198727707)

[Modèle géométrique : 7](#_Toc198727708)

[Fermetures géométriques 7](#_Toc198727709)

[Modèle géométrique direct 8](#_Toc198727710)

[Modèle géométrique inverse 9](#_Toc198727711)

[Modèle cinématique 11](#_Toc198727712)

[Calcul Jacobienne et modèle cinématique inverse 11](#_Toc198727713)

[Modèle cinématique directe 13](#_Toc198727714)

[Vérification du modèle géométrique 14](#_Toc198727715)

[Test, objectif et attentes 14](#_Toc198727716)

[Résultats du programme Python 15](#_Toc198727717)

[Résultats du test sur le robot 17](#_Toc198727718)

[Modèle dynamique 18](#_Toc198727719)

[Formalisme des écritures : 18](#_Toc198727720)

[Annexes : 19](#_Toc198727721)

[Données du sytème : 19](#_Toc198727722)



Introduction et contexte :

Contexte

Robot parallèle à câbles

Objectifs

Schémas :

Schéma des nominations :

Poulie 2 ()

Poulie 4 ()

Point de fixation 4

Point de fixation 1

Point de fixation 1

Point de fixation 2

Effecteur (E)

Poutre de structure 2

Poutre de structure 1

Poulie 1 ()

Poulie 3 ()

Schéma des dimensions :

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Dimension** | **Explication** | **Dimensions variables ?** |
|  | Hauteur 1, hauteur des poulies 1 et 3 par rapport au sol. Dimension | Non |
|  | Hauteur 2, hauteur des poulies 2 et 4 par rapport au sol. | Non |
|  | Longueur 1, longueur entre les pieds de la structure du robot parallèle à câbles. | Non |
|  | Longueur de la plaque de l’effecteur. | Non |
|  | Largeur de la plaque de l’effecteur. | Non |
|  | Longueur du câbles i. | Oui |

|  |  |
| --- | --- |
| **Repère** | **Objet associé** |
|  | Structure fixe du robot parallèle à câbles. Repère parallèle au sol. |
|  | Poulie i du robot parallèle à câbles. Repère parallèle au sol. |
| Pour i = 3,4 | Point d’accroche i sur l’effecteur du robot parallèle à câbles. Repère avec un angle |
| Pour i = 1, 2 | Point d’accroche i sur l’effecteur du robot parallèle à câbles . Repère avec un angle |
|  | Effecteur du robot parallèle à câbles. Repère avec un angle . |

Schéma des bases :

Modèle géométrique :

Fermetures géométriques

Fermeture géométrique par la poulie 1,  :



Fermeture géométrique par la poulie 2,  :



Fermeture géométrique par la poulie 3,  :

Fermeture géométrique par la poulie 4,  :

Modèle géométrique direct

On a donc :

Modèle géométrique inverse

Ces équations nous permettent d’avoir les expressions les longueurs des câbles :

1. :
2. :
3. :

On notera que les longueurs des câbles sont donné par la relation :

Dans notre étude, on supposera que les enrouleurs sont les même on a donc :

**Ces relations nous permettent d’avoir un lien directe entre les longues des câbles i et les angles de rotation des moteurs i. Ces angles de rotation étant les paramètres commandables, ils seront les valeurs en entrée de notre système.**

1. :
2. :

Pour le modèle cinématique, nous devons d’abord définir la position initiale de l’effecteur dans le repère de la base. On nomme cette position , on calculera les longueurs de câbles liées à cette position plus tard, pour l’instant on note ces longueurs , et on note le vecteur , le vecteur des position angulaire des moteur associé à cette position initiale.

On a donc pour un déplacement à partir de cette position de base, à un point de coordonnées , dont les longueurs de câbles associé sont et les position angulaires des moteurs sont

La variation des positions angulaires qui est donnée par

**(17)** :

Avec , de taille 4x4

Modèle cinématique

Calcul Jacobienne et modèle cinématique inverse

On pose notre vecteur des sorties () et notre vecteur des entrées , on a :



Le modèle géométrique inverse de notre système est donné par :

On notera les composantes du vecteur et les composantes du vecteur .

La fonction f, permet de calculer les entrées de notre système , à partir des variables de sorties de notre système ( Cette fonction vectorielle découle des équations (13), (14), (15) et (16) présentés précédemment.

L’équation **(17)**, nous donne :

 ,

Or les sont des valeurs constantes, on a donc :

**(18)**  :

Or, la relation entre , par définition, s’écrit :

**(19)**  :

On en déduit :

**(20)** :

On rappelle que la Jacobienne du modèle cinématique inverse est donc donnée par :

**(21)  :**

Avec les , les composantes du vecteur et les , les composantes du vecteur

Par dérivation, on en déduit :

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **i =** |  |  |  |  |
| **1** |  |  |  |  |
| **2** |  |  |  |  |
| **3** | 0 |  |  |  |
| **4** | 0 |  |  |  |

Les sont les coordonnées du point de la poulie i (les points . Et les sont les coordonnées du point d’accroche i sur l’effecteur par rapport au centre de l’effecteur (les points . On a donc :

Tableau  : Tableau d’assignation des paramètres

Modèle cinématique directe

Pour le modèle cinématique direct, on va utiliser la pseudo inverse de la Jacobienne précédemment présenté et calculé, car la Jacobienne étant de taille 3x4, nous ne pouvons pas calculer son inverse.

Rappelons le calcul d’une pseudo inverse noté , pour une matrice Jacobienne noté .

On a :

À partir de l’équation du modèle inverse on a alors :

Vérification du modèle géométrique

Test, objectif et attentes

Le test que l’on va faire est le suivant, une translation de 1m (+ 1000mm sur l’axe ) et translation de 1m vers le haut ( + 500 mm sur l’axe . Et l’on souhaite connaitre la longueur des câbles au cours de ce déplacement.

Pour cela, on a besoin définir une position initiale et de connaitre la longueur des câbles à cette position. On définit notre position initial comme étant le centre de notre robot parallèle à câbles et l’on en déduit les coordonnées finales avec le déplacement voulu.

(Notons pour ce premier test que l’on va considérer une rotation suivant l’axe z nulle, nous regarderons cela plus tard).

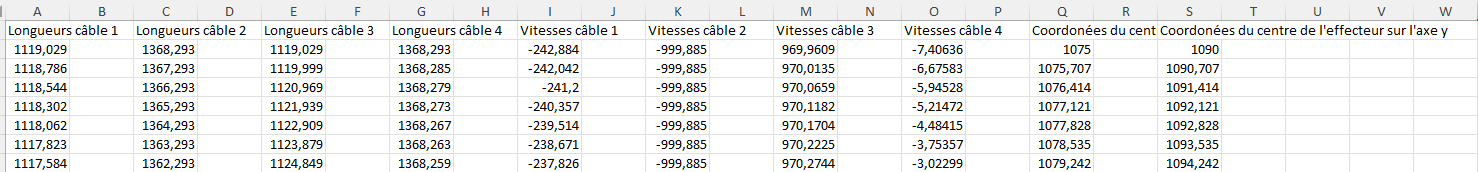
|  |  |
| --- | --- |
| Coordonées initiales | Coordonnés finales |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

L’objectif de ce test est de valider le modèle géométrique et le modèle cinématique que nous vous avons présenté ci-dessus, et que nous avons implanté dans un programme Python.

L’on va donc effectuer ce déplacement sur notre modèle numérique et voir comment varient les longueurs de câbles pendant le test et comparer ces résultats avec ceux que nous avons en refaisant le même déplacement avec le robot parallèle à câble physique.

**Si les résultats sont similaires, cela nous permet de valider nos modèles numériques et cela nous permet de passer au modèle dynamique.**

Résultats du programme Python

En lançant notre programme python, on a dans le document Excel qui regroupe les données de simulation :

|  |
| --- |
| animation\_2(X\_0, Y\_0, 0, X\_0 + 500, Y\_0 + 500, 0, 0.001, 1000, 0) # Notons que le dernier 0, correspond à l’intervalle en % dans lequel la simulation s’arrête si les coordonnées de l’effecteur atteigne cet intervalle. |

On devrait donc avoir à la position initiale du robot les longueurs de câbles 1119.09 mm (pour les câbles 1 et 3), et 1368.293 (pour les câbles 2 et 4).

Une image contenant texte, nombre, capture d’écran, Parallèle

Le contenu généré par l’IA peut être incorrect.

Pour la fin de la simulation, on remarque l’effecteur n’atteint pas exactement la position demandé mais nous donne des valeurs de longueurs de câbles pour des positions très proches (en jaune sur l’image ci-dessus), on peut se dire que si on obtient des valeurs de longueurs de câbles relativement proches de ces dernières, notre modèle est validé

Résultats du test sur le robot



On remarque qu’on a des écarts compris entre 1% et 10% entre les longueurs de câbles mesurées pour ces 2 positions et les longueurs de câbles obtenus lors de la simulation. Ces écarts sont compris entre 10mm et 70mm, on peut supposer que cela vient des nos hypothèses de départs, notamment sur notre représentation de des poulies. Nous allons donc complexifier notre modèle afin de le rendre plus proche du système réel.

Complexification du modèle et prise en compte de l’enroulement autour des poulies

Rappelons à quoi ressemble notre modèle :



Figure : Complexification du modèle : prise en compte de l'enroulement autour des poulies

Dans ce cas-là, notre modèle calcule la longueur de câble comme étant la distance entre le point d’accroche de l’effecteur (cercle vert) et le centre de la poulie (cercle rouge), mais lorsqu’on regarde au niveau de la poulie, on comprend que le câble ne va pas à jusqu’à ce point-là :



Modèle dynamique

Formalisme des écritures :

A noter que l’on se place dans un premier temps dans le cas ou les centres géométriques et massiques soont confondus (plaque à vide).

On écrit alors notre relation dynamique de la manière suivante :

* **f** est le vecteur des forces extérieurs sur la plaque (avec des coordonnées en et )
* **τ** est un vecteur 1 x 1 contenant le moment autour de l’axe auquel la plaque est soumise.
* **M** est la matrice de taille n x n (avec n le nombre de DDL = 3)

Annexes :

Données du sytème :

|  |
| --- |
| ## Paramètres du système  h\_1 = 400 # (en mm) hauteur poulie 1  h\_2 = 2180 # (en mm) hauteur poulie 2  l = 230 # (en mm) largeur de la plaque de l'effecteur  L = 230 # (en mm) longueur de la plaque de l'effecteur  l\_1 = 2150 # (en mm) distance entre 2 pieds de la structure  K = 0.5 # rapport de transmission de l'enrouleur  e = 30 # (en mm) rayon de l'enrouleur  rho = 5 # (en mm) pas de l'enrouleur  pas\_mot = 1.8 # (en °) pas du moteur => 200 pas pour 1 tour  ## Coefficients pour le calcul  r = K \* (e\*\*2 + (rho\*\*2)/2\*np.pi) # coefficient d'enroulement des enrouleurs  X = [l\_1, l\_1, 0, 0] # position sur l'axe x\_base des poulies  Y = [h\_1, h\_2, h\_1, h\_2] # position sur l'axe y\_base des poulies  a = [l/2, l/2, -l/2, -l/2] # position sur l'axe x\_effecteur des points d'accroche  b = [-L/2, L/2, -L/2, L/2] # position sur l'axe y\_effecteur des points d'accroche |

To do list

* Simulation :
  + Vérifier que le nombre de step est bien liée à la position du robot
  + Expliquer le 1er modèle n’atteint pas les coordonnées voulus et pourquoi on a dû passer sur le 2ème modèle
  + Expliquer le 2ème modèle
  + Écrire les résultats des test avec le 2ème modèle
  + Expliquer le 1er modèle et le 2ème sur le Script Python (README.txt ?)
  + Calcul pseudo inverse de la Jacobienne avec données numérique pour modèle direct et l’implémenter dans le code
* Tensions des câbles :
  + Voir avec le groupe d’Augustin et Nicolas où ils en sont
  + Voir comment relier la tension des câbles à la position de l’effecteur
  + Test statique sur la tensions des câbles avec notre simulation (cf M. Margeri)
* Modèle dynamique :
  + S’y coller…
* Modèle 3D :
  + …